

## קוראים יקרים,

גיליון 15 של מספר חזק 2000 יצא לאור בסיכון אירופי שנתי ה-60 למדינת ישראל.

משמעותה זו החלה לנו להציג בפני הקוראים מספר היבטים של המספר 60. והפעם, לא בחזרנו בתוכנות המספר אלא בשולשה נושאים הקשורים למספר: שיטת ספירה על בסיס 60, גופים הקשורים במספר 60, והיבטים אטנומתמטיים של המספר 60.

בסביב החדש של המדור "א'ב היסטורי" אנו מציגים דמות מופת נוספת באוט א-אוקליידס. במדריך "לגפו של עניין" מצאו הרחבות על בניו גיאומטריות קלאליסות. התיחסות נוספת למשגים גיאומטריים תוכל למצוות במסדרו "הגיל הרך". במדריך "אפשר גם אחרת" הצעתו לשימוש רחב בדף עבודה ובונוסף, הצגת חשיבה קצרה אחרת, פתוחה יותר מאשר למלות לתלמידים.

במדריך "גישה בהוראה" מובאת התיחסות להוראת נושא האחוזים. וכהריגתנו גם בגיליון זה נציג בעיות וחידות חדשות ופתרונות למקצת מהבעיות שהוצעו בגיליון הקודם. הגילון מוסתיים בהצגת פרק מספר חדש העוסק ביופי, שירה ומתחמיקה.

גם בגיליון זה, כבקודמי, השתדלנו להציג מגוון של מאמרם שנכתבו על ידי העוסקים בחינוך מותמטי בארץ ברבדים השונים. אנו ממשיכים וקוראים למורים, למדריכים ולכל העוסקים בחינוך המתמטי, ולשוחרי המתמטיקה האחרים, לכתחוב ולשף את הקוראים בתחום התענינות, בעשייה בשדה ובמחקר ולכתחוב לגילון הבא של מספר חזק 2000.

אנו מקווים שתמצאו עניין בגיליון,  
ומאהלים לכל קהל קוראים קריאה מהנה.

מערכת מספר חזק 2000

### חברי מערכת העיתון

ד"ר בת שבע אילני, ד"ר ג'ין אלברט, ד"ר אביקם גזית, תמי גירון, אסף דביר, ד"ר מיכל סוקניק, ד"ר איליה סוניצקי, מרגרט פרויים, ברכה סגליס, איבתיסאם עבד-אלח'אלק, ד"ר ענת קלמר, ד"ר אברהם תורגמן.

### עורכת העיתון

תמי גירון

### מוועצת המערכת

פרופ' רון אהרוןוי, ג'וני אוברמן, ד"ר עובד אליאס, פרופ' בנו ארבל, ד"ר שרה הרשקבוי, ד"ר מלכה מאונזוייטן, פרופ' פרלה נשר, ד"ר אירית פולד, ד"ר אלכס פרידלנדר, פרופ' פסיה צפיר.

### מצחירות מערכות

תמי בוכבינדר

### עריכת הלשון

נגה ואן דורטולן-אברהמי

### עיצוב עריכה גרפית ודפוס

גרפיקה חייה 04-6379660  
דפוס א.א. הדפסות 04-8675102

### אתר מתוקשב

<http://mathcenter-k6.haifa.ac.il>  
עריכת תוכן: ברכה סגליס  
עיצוב גרפי: איריס משל  
עדכון תוכנים: צליל טקס



### כתובת המערכת

מרכז מורים ארצי לממתמיקה בחינוך היסודי  
הפקולטה לחינוך אוניברסיטת חיפה  
הר הכרמל חיפה, 31905  
טל. 04-8288073 Fax: 04-8240646  
דוא"ל: tamig@construct.haifa.ac.il

ניתן לעשות מני אishi לגילוונות הבאים ורכוש גילוונות ישנים במחיר 25 ש"ח.  
פרטים נוספים במרכז המורים הארץ, אוניברסיטת חיפה טלפון: 04-8240646  
<http://mathcenter-k6.haifa.ac.il>

יצא לאור בכימון האגף לתוכנית ופיתוח תכניות לימודים במשרד החינוך  
ומטה המרכז להוראת המדעים ע"ש עמוס דה שליט.  
© כל הזכויות שמורות למשרד החינוך



מכללת בית ברל  
המרconi להוראת  
המתמטיקה



מטה מל"מ – המרכז הישראלי  
לחינוך מדעי טכנולוגי  
ע"ש עמוס דה שליט



משרד החינוך  
המודדות הפגוגניות  
האגף לתוכנונ ופיתוח תכניות לימודים



אוניברסיטת חיפה  
הפקולטה לחינוך

### מרכז מורים ארצי למתמטיקה בחינוך היסודי

المركز القطري لتعليم الرياضيات في المرحلة الابتدائية

## משפט מק-קי

נתונים שני שברים:  $\frac{a}{b}$  ו-  $\frac{c}{d}$ .

השער שיתקבל כתוצאה מחיבור שני המכנים וממחיבור שני המכנים:  

$$\frac{a+c}{b+d} < \frac{a}{b} < \frac{c}{d}$$

את המשפט גילה תלמיד כיתה ח', מק-קי, בפלורידה, במהלך שיעור מתמטיקה.

נציג להלן את הוכחת המשפט למקורה בו השברים חיוביים ( $a, b, c, d > 0$ )

נתונים שני שברים:  $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$  ונתואן ש:

$$\text{א. נוכיח ש: } \frac{a}{b} < \frac{a+c}{b+d}$$

$$ad < bc \quad \text{לכן} \quad \frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \text{ידוע ש:}$$

נוסיף לשני האגפי האו-שוויון את  $ab$  ונקבל:  
 $a(d+b) < b(c+a)$

מכאן יוצא ש:  $\frac{a}{b} < \frac{a+c}{b+d}$  (חילקנו את שני האגפים בביטוי החזיבי:  $(b(b+d))$ )

$$\text{ב. עכשו נוכיח ש: } \frac{a+c}{b+d} < \frac{c}{d}$$

$$ad < bc \quad \text{לכן} \quad \frac{a}{b} < \frac{c}{d} \quad \text{ידוע ש:}$$

נוסיף לשני האגפי האו-שוויון את  $cd$  ונקבל:  
 $d(a+c) < c(b+d)$

ומכאן יוצא ש:  $\frac{a+c}{b+d} < \frac{c}{d}$  (חילקנו את שני האגפים בביטוי החזיבי:  $(b(b+d))$ )

$$\text{ומהוכחות א ו- ב נובע ש: } \frac{a}{b} < \frac{a+c}{b+d} < \frac{c}{d}$$