

כפל באמצעות האצבועות

מבחן אסעד

יש הטוענים, כי שימוש במחשבון בכיתות נמוכות עלול להגביל את כושר החשיבה של התלמיד, וחשוב שתלמיד ידע לכפול מספרים, לפחות עד 10. במאמר זה נציג שיטה לכפל מספרים מ-1 עד 9. שימוש בשיטות מגוונות עשוי לעורר סקרנות מסוימת אצל התלמיד להוציאו אותו משגרה של תרגול בעזורת עט וניר. שומה علينا כמורים לחשב כיצד להשתמש בדרכים מגוונות לתרגול נושא כלשהו.

כפל מספר ב-9

נתחיל בכמה דוגמאות:

א) $54 = 6 \times 9$ אפשר לחשב את הכפל מיידית ע"י הכפלת 5×10 והוספת 4. יש לציין שקל יותר לתלמיד לכפול מספר כלשהו ב-10.

את המספר 5 קיבלנו ע"י חיסור 1 מהמספר 6, את המספר 4 קיבלנו ע"י חיסור 6 מהמספר 10 ולפיכך: $(6 - 1) + (10 - 6) = 9 \times 6 = 54$

$$8 \times 9 = 72$$

$$10(8 - 1) + (10 - 8) = 72$$

$$7 \times 9 = 63$$

$$10(7 - 1) + (10 - 7) = 63$$

הוכחת הטענה:

כדי לכפול מספר כלשהו (n) ב-9 אפשר לבצע את התהליך הבא:

$$(n - 1) + (10 - n) = 9 \cdot n$$

$$\text{שכן } 9n = n - 1 + 10 - n + 10 - 10 + 10 = 10(n-1) + (10-n)$$

יש לציין ששיטה זו יכולה לפעול גם במספרים גדולים מ-9.

דוגמא: $23 \times 9 = 207 = 23 - 13 + 22 - 20 = 10 \times 9 + (23 - 13)$

כפל שני מספרים כלשהם (קטנים מ-10)

נתחיל בדוגמאות:

$$\text{א) } 7 \times 8 = 56$$

$$7 \times 8 = 10 \times 7 - 7(10 - 8) = 70 - 14 = 56$$

$$\text{ב) } 6 \times 7 = 42$$

$$6 \times 7 = 10 \times 6 - 6(10 - 7) = 60 - 18 = 42$$

הסבר: כופלים את המספר הראשון ב-10 ומחסירים את מכפלת המספר הראשון בהפרש שבין 10 והמספר השני.

הוכחת הטענה:

כדי לכפול שני מספרים כלשהם, הקטנים מ-10, אפשר לבצע את התהליך הבא:

$$n \cdot k = 10 \cdot n - n(10 - k)$$

$$\text{שכן: } k \cdot n + n(10 - k) = 10n - 10n + n \cdot k$$

שימוש באצבעות לכפל ב- 9

הסביר לעיל ש:

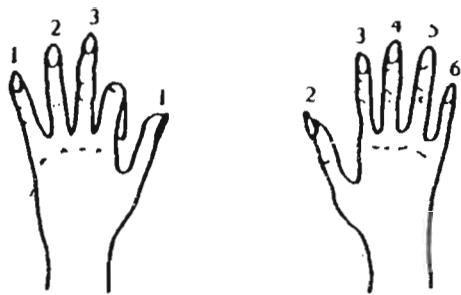
$$4 = (4 - 10) + 10 \times 3 = 36$$

נסביר להלן כיצד ניתן להשתמש בשיטה זו באצבעות כף היד כדי לדעת את התוצאה של תרגיל כפל שבו אחד הגורמים 9 והשני חד ספרתי, בצורה מיידית, בלי שימוש בנייר ועט.

נדגים בתרגיל הבא: $36 = 9 \times 4$

נרים שתី הידיים

(כפות היד בכיוון החפוך לפנים שלנו)



נתחיל לספר מהאצבע השמאלית ביד שמאל: לאצבע השמאלית - 1, לאצבע השנייה שלידה - 2, עד אצבע רביעית (משמאלי) - אותה נקפל. כעת נתחיל לספר שוב מ- 1 עד לאצבע האחרונה ביד ימין. מספר האצבע האחרונה ביד ימין - 6 תהיה סכמת האחדות, ומספר האצבע לפניו זו שקייפנו - 3 תהיה סכמת העשרות, וקיבלנו - 36.

דוגמא נוספת: $72 = 9 \times 8$

נספור 8 מצד שמאל ונקפל את האצבע השמינית. נתחיל אחראית לספר מ-1 עד לאצבע האחרונה מצד ימין. מספר האצבע האחרונה מימין היא סכמת האחדות - 2. מספר האצבע האחרונה, לפניה האצבע המקופלת היא סכמת העשרות - 7. והמספר - 72.